

1. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} 5^{x^2-9} \geqslant 625^{2x}, \\ \frac{4x+5}{7} - \frac{3x+2}{4} \leqslant \frac{7-2x}{8}. \end{cases}$

- 1)  $x \in (-\infty; -1] \cup \left[9; \frac{1}{4}\right]$     2)  $x \in (-\infty; 1] \cup [9; +\infty)$     3)  $x \in (-\infty; -1] \cup \left[9; 6\frac{1}{4}\right]$   
 4)  $x \in (-\infty; -1] \cup \left[9; 9\frac{1}{4}\right]$     5)  $x \in (-\infty; -1] \cup [9; +\infty)$

2. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} \frac{2-x}{x+1} - 1 \geqslant 0, \\ \frac{2-x}{x+1} - 2 \leqslant 0. \end{cases}$

- 1)  $\left[0; \frac{1}{2}\right]$     2)  $\left[-1; \frac{1}{2}\right]$     3)  $\left(0; \frac{1}{2}\right)$     4)  $\left(-1; \frac{1}{2}\right)$     5)  $\left(0; \frac{1}{2}\right)$

3. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} 5^x + \left(\frac{1}{5}\right)^x > 2, \\ 2^{x^2} \leqslant 64 \cdot 2^x. \end{cases}$

- 1)  $[-2; 0) \cup (0; 3]$     2)  $(-1; 1) \cup (1; +\infty)$     3)  $\left(\frac{1}{2}; 3\right)$     4)  $[-1; 1] \cup [3; +\infty)$     5)  $[-3; 3)$

4. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} \frac{7-3x}{2-5x} \leqslant 2, \\ \frac{2x+1}{3x-3} > 4. \end{cases}$

- 1)  $(1; 1,3)$     2)  $(1,3; +\infty)$     3)  $\left(-\infty; -\frac{3}{7}\right]$     4)  $\left[-\frac{3}{7}; 0,4\right)$     5)  $(0,4; 1)$

5. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} \frac{x+1}{\log_2(x-1)} > 0, \\ \log_{11}(x^2+7) < \log_{11}(6x-1). \end{cases}$

- 1)  $(2; 4)$     2)  $(2; +\infty)$     3)  $(4; +\infty)$     4)  $(0; 4]$     5)  $[2; 4)$

6. Найдите решение системы неравенств:  $\begin{cases} \frac{2}{x} - \frac{x}{2} > 0, \\ \frac{5-2x}{3x-4} > 2. \end{cases}$

- 1)  $\left[1\frac{1}{3}; 1\frac{5}{8}\right]$     2)  $\left(1\frac{1}{3}; 1\frac{5}{8}\right)$     3)  $\left[\frac{4}{3}; 2\right]$     4)  $(0; 2)$     5)  $\left(1\frac{5}{8}; 2\right)$

7. Найдите целые решения, удовлетворяющие области определения функции:  $y = \frac{\sqrt{x^2 - 4x + 3}}{\sqrt{4 - x^2}}$ .

- 1) 0; 1; 2    2) -1; 0; 1    3) -2; -1; 1    4) -1; 1; 2    5) -2; -1; 0

8. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} 8^x + \left(\frac{1}{8}\right)^x > 2, \\ 2^{x^2} \leqslant 64 \cdot 2^x. \end{cases}$

- 1)  $(-1; 1) \cup (1; +\infty)$     2)  $\left(\frac{1}{2}; 3\right)$     3)  $[-3; 3)$     4)  $[-2; 0) \cup (0; 3]$     5)  $[-1; 1] \cup [3; +\infty)$

9. Найдите наименьшее целое значение  $x$ , удовлетворяющее неравенству  $5^{\sqrt{x-2}} > 5^{1-\sqrt{x-2}} + 4$ .

- 1) 4    2) -6    3) -4    4) 3    5) 5

10. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} 2 \cos \frac{x}{4} + 1 \geqslant 0, \\ 2 \sin \frac{x}{4} - \sqrt{2} \leqslant 0. \end{cases}$

- 1)  $\left[-\frac{8\pi}{3} + 8\pi n; \pi + 8\pi n\right], n \in \mathbb{Z}$     2)  $\left(\frac{\pi}{3} + 2\pi n; \frac{\pi}{2} + 2\pi n\right], n \in \mathbb{Z}$

3)  $\left(\frac{\pi}{3} + 2\pi n; \frac{\pi}{2} + 2\pi n\right] \cup \left[\frac{3\pi}{2} + 2\pi n; \frac{5\pi}{2} + 2\pi n\right), n \in \mathbb{Z}$     4)  $\left(\frac{\pi}{3} + 2\pi n; \frac{\pi}{2} + 2\pi n\right), n \in \mathbb{Z}$

5)  $\left(-\frac{8\pi}{3} + 8\pi n; \pi + 8\pi n\right), n \in \mathbb{Z}$

11. Решите систему уравнений:  $\begin{cases} \log_3(2x+y^2) = 1, \\ 2^{x+y^2} - 4 = 0. \end{cases}$

- 1) решений нет    2) (1; -2)    3) (-1; 1), (1; 1)    4) (1; 2)    5) (1; -1), (1; 1)

12. Найдите решение системы неравенств:  $\begin{cases} \frac{4}{x} - \frac{x}{4} \geq 0, \\ \frac{3-2x}{x-2} > 1. \end{cases}$

- 1) (2; 4)    2) [1; 2]    3)  $\left[1\frac{2}{3}; 2\right]$     4) (1; 2)    5)  $\left(1\frac{2}{3}; 2\right)$

13. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} 2 \sin 4x - 1 \geq 0, \\ 2 \cos 4x \leq \sqrt{2}. \end{cases}$

- 1)  $\left\{ \left( \frac{\pi}{16} + \frac{\pi n}{2}; \frac{3\pi}{4} + \frac{\pi n}{2} \right) : n \in \mathbb{Z} \right\}$     2)  $\left\{ \left[ \frac{\pi}{6} + \frac{\pi n}{2}; \frac{5\pi}{24} + \frac{\pi n}{2} \right) : n \in \mathbb{Z} \right\}$   
 3)  $\left\{ \left[ \frac{\pi}{16} + \frac{\pi n}{2}; \frac{5\pi}{24} + \frac{\pi n}{2} \right] : n \in \mathbb{Z} \right\}$     4)  $\left\{ \left( \frac{\pi}{6} + \frac{\pi n}{2}; \frac{5\pi}{6} + \frac{\pi n}{2} \right) : n \in \mathbb{Z} \right\}$   
 5)  $\left\{ \left( \frac{\pi}{\pi 6} + \frac{\pi n}{2}; \frac{5\pi}{6} + \frac{\pi n}{2} \right) : n \in \mathbb{Z} \right\}$

14. Решите систему неравенств

$$\begin{cases} \frac{(x-4)^2}{x^2-2x+1} \geq 0, \\ \frac{x^2-2x-3}{(x-2)^2} \leq 0. \end{cases}$$

- 1)  $[0; 1) \cup (1; 2) \cup (4; 6]$     2)  $[1; \infty)$     3)  $[-1; 1) \cup (1; 2) \cup (2; 3]$     4) (3; 4)    5)  $(-4; -1] \cup (4; 9]$

15. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} \log_{\frac{1}{5}} x^2 \geq \log_{\frac{1}{5}} 75 - \log_5 3, \\ 2(x-3) > 4. \end{cases}$

- 1) [5; 15)    2) [2; 7]    3) [15;  $\infty$ )    4) (5; 15]    5)  $(-\infty; 2)$

16. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} \sqrt{x-6} \cdot \sqrt{x-12} < x-1, \\ 2x-3 < 33. \end{cases}$

- 1) (12; 18)    2) [12; 18)    3) [12; 20)    4) [12; 18]    5) (12; 18]

17. Решите систему неравенств

$$\begin{cases} 2^{x+3} < \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^{6-8x}, \\ (0, 2)^x - 4x - 12 > 1. \end{cases}$$

- 1) (0; 6)    2) (0; 1)    3) (-2; 6)    4) (2; 6)    5) (-6; -2)

18. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} \sqrt{4x-7} < x, \\ \sqrt{x+5} + \sqrt{5-x} > 4, \end{cases}$  и укажите количество целых решений системы неравенств.

- 1) 4    2) 2    3) 1    4) 3    5) 5

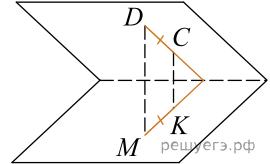
19. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} \log_2^2 x + 2 \log_2 x - 3 > 0, \\ x^2 > 0. \end{cases}$

- 1)  $\left(0; \frac{1}{8}\right) \cup (2; \infty)$     2)  $\left[0; \frac{1}{8}\right] \cup (2; \infty)$     3)  $\left(-\infty; \frac{1}{8}\right] \cup [2; \infty)$     4)  $\left(-\infty; \frac{1}{8}\right) \cup (2; \infty)$   
 5)  $(2; \infty)$

**20.** Решите систему неравенств:  $\begin{cases} \sqrt{2x-1} < x-2, \\ 5x+10 \geqslant 0. \end{cases}$

- 1)  $\left(-\frac{1}{2}; 1\right] \cup (5; +\infty)$     2)  $\left(\frac{1}{2}; 1\right] \cup (2; +\infty)$     3)  $[1; 2]$     4)  $(-0,5; 2]$     5)  $(5; +\infty)$

**21.** Найдите угол между плоскостями, если  $DC = MK = 3\sqrt{2}$ ,  $DM = 12$  см и  $CK = 6$  см.



- 1)  $90^\circ$     2)  $30^\circ$     3)  $60^\circ$     4)  $45^\circ$     5)  $120^\circ$

**22.** Найдите целые решения, удовлетворяющие области определения функции:  $y = \frac{\sqrt{x^2 - 4x + 3}}{\sqrt{4 - x^2}}$ .

- 1) 0; 1; 2    2) -1; 0; 1    3) -2; -1; 1    4) -1; 1; 2

**23.** Найдите наименьшее целое значение  $x$ , удовлетворяющее неравенству  $5\sqrt{x-2} > 5^{1-\sqrt{x-2}} + 4$ .

- 1) 4    2) -6    3) -4    4) 3