

При выполнении заданий с выбором ответа отметьте верные ответы.

Если вариант задан учителем, вы можете вписать или загрузить в систему ответы к заданиям с развернутым ответом. Учитель увидит результаты выполнения заданий с кратким ответом и сможет оценить загруженные ответы к заданиям с развернутым ответом. Выставленные учителем баллы отобразятся в вашей статистике.

1. Найдите 15% от числа 78.

- 1) 11,7    2) 1170    3) 19,5    4) 117

2. Найдите  $z$ , если  $\Im z = 3$ ,  $z = x^2 + 4 + (x^2 - 9)i$ .

- 1)  $z = 6 + 3i$     2)  $z = -16 + 3i$     3)  $z = 16 + 3i$     4)  $z = 16 - 3i$

3. Вычислите  $\frac{49^{25} \cdot 625^{15}}{(5^{12})^5 \cdot (7^{16})^3}$ .

- 1) 25    2) 245    3) 49    4) 135

4. Найдите значение выражения:  $\sin \frac{\pi}{12} - \sin \frac{5\pi}{12}$ .

- 1) 1    2)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$     3)  $-\frac{\sqrt{2}}{2}$     4) -2

5. Значение частного

$$\frac{a^2 + a - 6}{2a^2 + 5a - 3} : \frac{3a^2 - 5a - 2}{2a^2 + a - 1}$$

равно

- 1)  $\frac{a+1}{3a+1}$     2)  $\frac{3a+1}{a-1}$     3)  $\frac{3a+1}{a+1}$     4)  $\frac{a-1}{3a+1}$

6. Найдите произведение корней уравнения:  $4 \cdot |2x + 7| - 5 = 31$ .

- 1) 4    2) 8    3) -8    4) 1

7. Решите систему уравнений

$$\begin{cases} xy = -12, \\ x(2y - 1) = -18. \end{cases}$$

Если  $(x_0; y_0)$  — решение системы, то  $x_0 =$

- 1) -6    2) -16    3) 2    4) 6

8. Вычислите предел  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-2x^2 + 6x - 1}{x^2 - 2x}$ .

- 1) 1    2) -1    3) -2    4) 0

9. Окружность радиуса 4 вписана в прямоугольную трапецию с тупым углом  $150^\circ$ . Площадь трапеции равна

- 1) 64    2) 35    3) 96    4) 56

10. Пусть  $ABCD$  — квадрат,  $BM \perp (ABC)$ . Найдите длину отрезка  $DM$ , если  $AB = 2\sqrt{3}$  см, а  $BM = 5$  см.

- 1)  $6\sqrt{2}$  см    2)  $5\sqrt{3}$  см    3) 7 см    4) 6 см

11. Найдите корень уравнения  $\sin 3x + \cos 3x = \sqrt{2}$ , который принадлежит числовому интервалу  $(90^\circ; 180^\circ)$ .

- 1)  $135^\circ$     2)  $255^\circ$     3)  $175^\circ$     4)  $190^\circ$

12. Решите систему неравенств:  $\begin{cases} \frac{2-x}{x+1} - 1 \geqslant 0, \\ \frac{2-x}{x+1} - 2 \leqslant 0. \end{cases}$

- 1)  $\left[0; \frac{1}{2}\right]$     2)  $\left[-1; \frac{1}{2}\right]$     3)  $\left(0; \frac{1}{2}\right)$     4)  $\left(-1; \frac{1}{2}\right)$

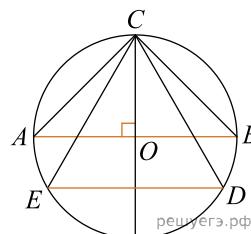
13. Вычислите интеграл:  $\int_{-5}^1 (x+2)^2 dx$ .

- 1) 18    2) -10    3) 23    4) 15

14. Четыре игрока делят поровну 28 костей домино. Сколькими способами они могут это сделать?

- 1)  $\frac{28!}{(7!)^4}$     2)  $\frac{28!}{(7!)^5}$     3)  $\frac{27!}{(7!)^4}$     4)  $\frac{28!}{(8!)^4}$

15. В окружности с центром  $O$  построены параллельные хорды  $AB$  и  $ED$ . Угол  $ECD$  равен  $60^\circ$ ,  $AC = 12$ . Длина хорды  $ED$  равна



- 1)  $3\sqrt{3}$     2)  $6\sqrt{6}$     3)  $3\sqrt{6}$     4)  $4\sqrt{3}$

16. Определите взаимное расположение прямых  $d_1$  и  $d_2$ , если они заданы уравнениями

$$\frac{x-2}{2} = \frac{y+1}{-3} = \frac{z}{-1} \quad \text{и} \quad \frac{x+1}{4} = \frac{y}{-6} = \frac{z-1}{-2}$$

соответственно.

- 1) не лежат в одной плоскости    2) параллельны    3) пересекаются  
4) перпендикулярны

17. Сумма корней (или корень, если он один) уравнения  $2 \cdot 6^{\log_7 x} = 108 - x^{\log_7 6}$  равна ...

- 1) 25    2) 49    3) 14    4) 36

18. Решите систему уравнений:  $\begin{cases} \left(\frac{1}{3}\right)^{3x} \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{-y} = \frac{1}{9}, \\ \log_5 10x - \log_5 y = 1. \end{cases}$

- 1) (2; 4)    2) (8; 2)    3) (5; 4)    4) (4; 1)

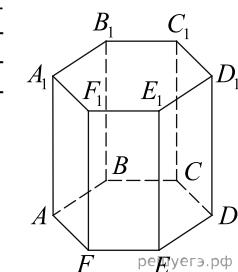
19. Скорость движения материальной точки меняется по закону  $v(t) = \sin t \cos t$ . Найдите закон движения материальной точки, если при  $t = \frac{\pi}{4}$ , пройденный путь равен 3.

- 1)  $x(t) = 0,5 \cos t + 3$     2)  $x(t) = -0,25 \cos 2t + 3$     3)  $x(t) = -0,25 \sin 2t + 1$   
4)  $x(t) = 0,25 \cos 2t + 1$     5)  $x(t) = 0,5 \cos 2t + 5$     6)  $x(t) = 0,2 \cos t + 5$

20. Усеченный конус, у которого радиусы оснований равны 7 и 8, и полный конус такой же высоты равновелики. Найдите радиус основания полного конуса.

- 1) 13    2) 10    3) 12    4) 15

Учитель дал домашнее практическое задание по геометрии. Сделать макет призмы и составить к ним задания. Самат подготовил макет правильной шестиугольной призмы со стороной основания равной 1, а боковое ребро 2 и составил следующие задания.



21. Найдите сумму векторов  $\overrightarrow{AA_1}$  и  $\overrightarrow{E_1D_1}$ .

- 1)  $\overrightarrow{D_1C}$     2)  $\overrightarrow{AB_1}$     3)  $\overrightarrow{BC}$     4)  $\overrightarrow{AF_1}$

22. Определите длину полученного вектора.

- 1)  $\sqrt{5}$     2)  $\sqrt{2}$     3)  $\sqrt{3}$     4)  $\sqrt{6}$

23. Определите вектор, равный сумме векторов  $\overrightarrow{AB_1} + \overrightarrow{B_1E_1} + \overrightarrow{F_1F}$ .

- 1)  $\overrightarrow{AB_1}$     2)  $\overrightarrow{AF_1}$     3)  $\overrightarrow{BB_1}$     4)  $\overrightarrow{AE}$

24. Определите угол между прямой  $AD_1$  и плоскостью  $ABCDEF$ .

- 1)  $30^\circ$     2)  $90^\circ$     3)  $60^\circ$     4)  $45^\circ$

25. Определите угол между векторами  $\overrightarrow{EB}$  и  $\overrightarrow{EA}$ .

- 1)  $60^\circ$     2)  $180^\circ$     3)  $90^\circ$     4)  $30^\circ$

26. Значение выражения  $\sqrt[4]{4(\sqrt{2}-3)^4}$  равно:

- 1)  $2-3\sqrt{2}$     2)  $3-\sqrt{2}$     3)  $3\sqrt{2}-2$     4)  $6-2\sqrt{2}$     5)  $12-4\sqrt{2}$   
6)  $3-2\sqrt{2}$

27. Решите простейшее тригонометрическое неравенство  $2 \cos x > 1$ .

- 1)  $\bigcup_{k \in \mathbb{Z}} \left( -\frac{\pi}{3} + 2\pi k; \frac{\pi}{3} + 2\pi k \right]$     2)  $\bigcup_{k \in \mathbb{Z}} \left( -\frac{\pi}{3} + \pi k; \frac{\pi}{3} + \pi k \right)$   
3)  $\bigcup_{k \in \mathbb{Z}} \left[ -\frac{\pi}{3} + 2\pi k; \frac{\pi}{3} + 2\pi k \right]$     4)  $\bigcup_{k \in \mathbb{Z}} \left[ -\frac{\pi}{3} + \pi k; \frac{\pi}{3} + \pi k \right]$

5)  $\bigcup_{k \in \mathbb{Z}} \left( -\frac{\pi}{3} + 2\pi k; \frac{\pi}{3} + 2\pi k \right)$     6)  $\bigcup_{k \in \mathbb{Z}} \left[ -\frac{\pi}{3} + 2\pi k; \frac{\pi}{3} + 2\pi k \right)$

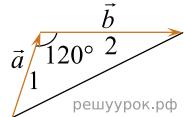
28. Сумма двух последовательных натуральных чисел, заданных вида  $3n$ , равна 21, а их произведение 108. Укажите данные числа.

- 1) 10    2) 7    3) 9    4) 9    5) 12    6) 8

29. Из ниже перечисленных ответов, укажите верное для функций  $f(x) = 2x + 1$  и  $g(x) = x$ .

- 1)  $g(f(x))$  является линейной функцией    2)  $f(g(x)) = 2\sqrt{x} - 1$   
 3)  $g(f(x)) = \sqrt{2x} + 1$     4)  $f(g(x))$  является убывающей функцией  
 5)  $f(g(x))$  является линейной функцией  
 6)  $g(f(x))$  является возрастающей функцией

30. Найдите  $|\vec{a} + \vec{b}|$ :



- 1) 7    2)  $2\sqrt{2}$     3)  $\sqrt{6}$     4)  $\sqrt{7}$     5) 3    6) 4

31. Упростите выражение:  $(2 - i)^3 + (2 + i)^3$ .

- 1)  $4 + 3i$     2)  $-4 \cdot i^2$     3)  $-2 + 5i$     4)  $12 - 11i$     5) 4    6)  $4i$

32. Решите уравнение:  $\sin^2 x - 3 \sin x + 2 = 0$ , при  $x \in [0^\circ; 360^\circ]$ .

- 1)  $90^\circ$     2)  $90^\circ$     3)  $\pi$     4)  $270^\circ$     5)  $2\pi$     6)  $\frac{\pi}{2}$

33. В треугольнике  $ABC$  известно, что  $AB = 7,5$  см,  $BC = 10$  см и  $AC = 5$  см. Найдите все верные утверждения.

- 1) Угол  $C$  меньше угла  $B$ .  
 2) Сумма любых двух сторон треугольника меньше 11 см.  
 3) Сумма сторон  $AC$  и  $BC$  в 2 раза больше стороны  $AB$ .  
 4) Угол  $C$  — самый большой угол треугольника  $ABC$ .  
 5) Периметр треугольника  $ABC$  меньше 20 см.    6) Угол  $A$  больше угла  $B$ .

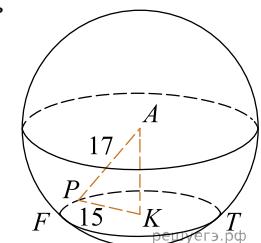
34. Учитель дал задание: из предложенных последовательностей

a)  $\frac{1}{2}; \frac{1}{3}; \frac{1}{4}; \frac{1}{5}; \dots$     6)  $\frac{1}{3}; \frac{1}{6}; \frac{1}{12}; \frac{1}{24}; \dots$     в) 10; 8; 6; 2; ...

выбрать бесконечно убывающую геометрическую прогрессию и найти сумму всех ее членов. Если ученик выполнил задание верно, то в ответе он получил.

- 1)  $1\frac{2}{3}$     2)  $\frac{2}{3}$     3) 3    4) 1

35. Точка  $A$  — центр шара. По данным рисунка найдите площадь сферической части меньшего шарового сегмента.



- 1)  $306\pi$     2)  $\frac{200}{3}\pi$     3)  $\frac{500}{3}\pi$     4)  $208\pi$     5)  $\frac{100}{3}\pi$     6)  $108\pi$